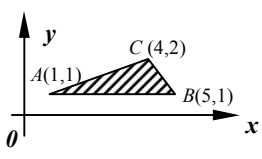


直线与圆练习(廖老师出题)

- 1、直线 l_1 的倾斜角 $\alpha_1 = 30^\circ$ ，直线 $l_1 \perp l_2$ ，则直线 l_2 的斜率为()
- A $-\sqrt{3}$ B $\sqrt{3}$ C $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ D $\frac{\sqrt{3}}{3}$
2. 已知过点 A(-2, m)和 B(m, 4)的直线与直线 $2x+y-1=0$ 平行, 则 m 的值为 ()
- (A) 0 (B) -8 (C) 2 (D) 10
- 3、下列命题
- (1)若两直线平行, 则其斜率相等(2)若两直线垂直, 则其斜率的积为负 1
- (3)过点 (-1, 1) 且斜率为 2 的直线的方程为 $\frac{y-1}{x+1} = 2$
- (4)垂直于 x 轴的直线平行于 y 轴 正确的命题个数是 ()
- A.0 B.1 C.2 D.3
- 4、设直线过点(0,a),其斜率为 1, 且与圆 $x^2+y^2=2$ 相切,则 a 的值为 ()
- A. $\pm\sqrt{2}$ B. ± 2 C. $\pm 2\sqrt{2}$ D. ± 4
5. 已知 $\theta \in R$, 则直线 $x \sin \theta - \sqrt{3}y + 1 = 0$ 的倾斜角的取值范围是 ()
- A. $[0^\circ, 30^\circ]$ B. $[150^\circ, 180^\circ)$ C. $[0^\circ, 30^\circ] \cup [150^\circ, 180^\circ)$ D. $[30^\circ, 150^\circ]$
- 6、直线 $x + y = 1$ 与圆 $x^2 + y^2 - 2ay = 0 (a > 0)$ 没有公共点, 则 a 的取值范围是
- A. $(0, \sqrt{2} - 1)$ B. $(\sqrt{2} - 1, \sqrt{2} + 1)$ C. $(-\sqrt{2} - 1, \sqrt{2} + 1)$ D. $(0, \sqrt{2} + 1)$
- 7、若直线 $l: ax + by + 4 = 0 (a > 0, b > 0)$ 始终平分圆 $C: x^2 + y^2 + 8x + 2y + 1 = 0$, 则 ab 的最大值为()
- A. 4 B. 2 C. 1 D. $\frac{1}{4}$
- 8、在如图所示的坐标平面的可行域(阴影部分且包括边界)内, 目标函数 $z = 2x - ay$ 取得最大值的最优解有无数个, 则 a 为 ()
- 
- A. -2 B. 2 C. -6 D. 6
- 9、已知两条直线 $l_1: ax + 3y - 3 = 0, l_2: 4x + 6y - 1 = 0$. 若 $l_1 \parallel l_2$, 则 $a = \underline{\hspace{2cm}}$.
- 10、无论 m 取何实数时, 直线 $(m-1)x - (m+3)y - (m-11) = 0$ 恒过定点, 则定点的坐标为
- 11、已知 M 是 x 轴上的动点, A(1, -1)、B(4, -2) 则 $|MA| + |MB|$ 的最小值 =
12. 设 $\begin{cases} x + y \leq 5, \\ 3x + 2y \leq 12, \\ 0 \leq x \leq 3, \\ 0 \leq y \leq 4. \end{cases}$ 则使得目标函数 $z = 6x + 5y$ 的最大的点 (x, y) 是
13. 若 $x^2 + y^2 = 4$, 则 $z = x + y$ 的范围是
- 14、已知 $\triangle ABC$ 的一条内角平分线 CD 的方程为 $2x + y - 1 = 0$, 两个顶点 A(1, 2), B(0, 0), 则直线 BC 的方程是
- 15、 $\triangle ABC$ 中, 已知 A(-1, 0), B(1, 2), 点 B 关于 $y=0$ 的对称点在 AC 边上, 且 BC 边上的高所在的直线方程为 $x - 2y + 1 = 0$. (I) 求 AC 边所在直线的方程; (II) 求点 C 的坐标.

16、一圆的圆心在直线 $y=2x$ 上，且与 y 轴相切，在直线 $y=x-1$ 上截得的弦长为 2 的圆的方程

17、已知圆经过点 $A(1,1)$ 、 $B(4,2)$ ，且在 A 点处的切线在 x 轴上的截距为 $-\frac{1}{3}$ ，求这个圆的方程

18、某纺纱厂生产甲、乙两种棉纱，已知生产甲种棉纱 1 吨需耗一级子棉 2 吨、二级子棉 1 吨；生产乙种棉纱需耗一级子棉 1 吨、二级子棉 2 吨，每 1 吨甲种棉纱的利润是 600 元，每 1 吨乙种棉纱的利润是 900 元，工厂在生产这两种棉纱的计划中要求消耗一级子棉不超过 300 吨、二级子棉不超过 250 吨.甲、乙两种棉纱应各生产多少(精确到吨)，能使利润总额最大?

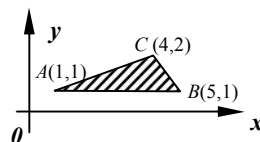
直线与圆周考练习(廖老师)

- 1、直线 l_1 的倾斜角 $\alpha_1 = 30^\circ$ ，直线 $l_1 \perp l_2$ ，则直线 l_2 的斜率为(A)
- A $-\sqrt{3}$ B $\sqrt{3}$ C $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ D $\frac{\sqrt{3}}{3}$
2. 已知过点 A(-2, m)和 B(m, 4)的直线与直线 $2x+y-1=0$ 平行，则 m 的值为 (B)
- (A) 0 (B) -8 (C) 2 (D) 10
- 3、下列命题
- (1)若两直线平行，则其斜率相等(2)若两直线垂直，则其斜率的积为负 1
- (3)过点 (-1, 1) 且斜率为 2 的直线的方程为 $\frac{y-1}{x+1} = 2$
- (4)垂直于 x 轴的直线平行于 y 轴 正确的命题个数是 (A)
- A.0 B.1 C.2 D.3
- 4、设直线过点(0,a),其斜率为 1, 且与圆 $x^2+y^2=2$ 相切,则 a 的值为 (B)
- A. $\pm\sqrt{2}$ B. ± 2 C. $\pm 2\sqrt{2}$ D. ± 4
5. 已知 $\theta \in R$ ，则直线 $x \sin \theta - \sqrt{3}y + 1 = 0$ 的倾斜角的取值范围是 (C)
- A. $[0^\circ, 30^\circ]$ B. $[150^\circ, 180^\circ)$ C. $[0^\circ, 30^\circ] \cup [150^\circ, 180^\circ)$ D. $[30^\circ, 150^\circ]$
- 6、直线 $x + y = 1$ 与圆 $x^2 + y^2 - 2ay = 0 (a > 0)$ 没有公共点，则 a 的取值范围是 (A)
- A. $(0, \sqrt{2} - 1)$ B. $(\sqrt{2} - 1, \sqrt{2} + 1)$ C. $(-\sqrt{2} - 1, \sqrt{2} + 1)$ D. $(0, \sqrt{2} + 1)$
- 7、若直线 $l: ax + by + 4 = 0 (a > 0, b > 0)$ 始终平分圆 $C: x^2 + y^2 + 8x + 2y + 1 = 0$ ，则 ab 的最大值为(C)
- A. 4 B. 2 C. 1 D. $\frac{1}{4}$

解：选 C 圆 C 的圆心坐标为 (-4, -1)，则有 $-4a - b + 4 = 0$ ，即 $4a + b = 4$ 。

所以 $ab = \frac{1}{4}(4a-b) \leq \frac{1}{4} \left(\frac{4a+b}{2} \right)^2 = \frac{1}{4} \times \left(\frac{4}{2} \right)^2 = 1$ 。当且仅当 $a = \frac{1}{2}$ ， $b = 2$ 取得等号。

- 8、在如图所示的坐标平面的可行域（阴影部分且包括边界）内，目标函数 $z = 2x - ay$ 取得最大值的最优解有无数个，则 a 为 (A)
- A. -2 B. 2 C. -6 D. 6
- 9、已知两条直线 $l_1: ax + 3y - 3 = 0, l_2: 4x + 6y - 1 = 0$ 。若 $l_1 \parallel l_2$ ，则 $a = -2$ 。
- 10、无论 m 取何实数时，直线 $(m-1)x - (m+3)y - (m-11) = 0$ 恒过定点，则定点的



坐标为 $(\frac{5}{2}, \frac{7}{2})$ 。

- 11、已知 M 是 x 轴上的动点，A(1, -1)、B(4, -2) 则 $|MA| + |MB|$ 的最小值 = $3\sqrt{2}$ 。

12. 设 $\begin{cases} x + y \leq 5, \\ 3x + 2y \leq 12, \\ 0 \leq x \leq 3, \\ 0 \leq y \leq 4. \end{cases}$ 则使得目标函数 $z = 6x + 5y$ 的最大的点 (x, y) 是 (2, 3)。

13. 若 $x^2 + y^2 = 4$ ，则 $z = x + y$ 的范围是 $[-2\sqrt{2}, 2\sqrt{2}]$ 。

- 14、已知 $\triangle ABC$ 的一条内角平分线 CD 的方程为 $2x + y - 1 = 0$ ，两个顶点 A(1, 2), B(0, 0)，则直线 BC 的方程是 _____。

解: A(1, 2)关于 $2x+y-1=0$ 的对称点 $A'(-\frac{7}{5}, \frac{4}{5})$, 则 $K_{BA'} = \frac{\frac{4}{5}}{-\frac{7}{5}} = -\frac{4}{7}$, $y = -\frac{4}{7}x$

15、 $\triangle ABC$ 中, 已知 A(-1, 0), B(1, 2), 点 B 关于 $y=0$ 的对称点在 AC 边上, 且 BC 边上的高所在的直线方程为 $x-2y+1=0$, (I) 求 AC 边所在直线的方程; (II) 求点 C 的坐标.

解: (I) 点 B(1, 2) 关于 $y=0$ 的对称点为 (1, -2) 在 AC 边上

\therefore AC 边所在直线的方程 $x+y+1=0$.

(II) BC 边所在的直线方程为 $2x+y-4=0$. 联立 $\begin{cases} x+y+1=0 \\ 2x+y-4=0 \end{cases}$ 解得点 C(5, -6)

16、一圆的圆心在直线 $y=2x$ 上, 且与 y 轴相切, 在直线 $y=x-1$ 上截得的弦长为 2 的圆的方程

17、已知圆经过点 A(1,1)、B(4,2), 且在 A 点处的切线在 x 轴上的截距为 $-\frac{1}{3}$, 求这个圆的方程

解: $k_{AB} = \frac{1}{3}$, AB 中点 $(\frac{5}{2}, \frac{3}{2})$, AB 中垂线 $y - \frac{3}{2} = -3(x - \frac{5}{2})$, 即 $y = -3x + 9$ (1)

在 A 点处的切线过 A(1,1), C $(-\frac{1}{3}, 0)$ 点, 切线 $k_{AC} = \frac{1}{-\frac{1}{3}-1} = \frac{3}{4}$

过 A(1,1) 点 AC 的垂线方程为 $y-1 = -\frac{4}{3}(x-1)$, 即 $y = -\frac{4}{3}x + \frac{7}{3}$ (2)

联立 (1) (2) 得圆心 D(4, -3), 故 $|AD| = 5$, 圆方程 $(x-4)^2 + (y+3)^2 = 25$

18、某纺纱厂生产甲、乙两种棉纱, 已知生产甲种棉纱 1 吨需耗一级子棉 2 吨、二级子棉 1 吨; 生产乙种棉纱需耗一级子棉 1 吨、二级子棉 2 吨, 每 1 吨甲种棉纱的利润是 600 元, 每 1 吨乙种棉纱的利润是 900 元, 工厂在生产这两种棉纱的计划中要求消耗一级子棉不超过 300 吨、二级子棉不超过 250 吨. 甲、乙两种棉纱应各生产多少(精确到吨), 能使利润总额最大?

	甲 1t	乙 1t	限制
一级	2t	1t	$\leq 300t$
二级	1t	2t	$\leq 250t$
利润	600 元	900 元	

解: 设生产甲、乙两种棉纱分别为 x 吨、 y 吨, 利润总额为 z 元, 则 $Z=600x+900y$

作出可行域, 作直线: $l: 600x + 900y = 0$ 即 $y = -\frac{2}{3}x$

$$\begin{cases} 2x + y \leq 300 \\ x + 2y \leq 250 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$$

联立 $\begin{cases} 2x + y = 300 \\ x + 2y = 250 \end{cases}$, $x=350/3 \approx 117$, $y=200/3 \approx 67$, 得点 M 的坐标(117, 67)

平移 l 到过 M 点, 则 Z 最大

答: 甲、乙两种棉纱应各生产 117, 67 吨, 能使利润总额最大